

Домашнее задание для студентов 2-го курса (2-й этап)
(По программе курса физики на 3 семестра)

Дифракция Френеля

1. Вычислить радиусы первых пяти зон Френеля для случая плоской волны. Расстояние от волновой поверхности до точки наблюдения – 1,2 м. Длина волны $\lambda = 600\text{ нм}$.
2. Найти внешний радиус третьей зоны Френеля при разбиении волнового фронта точечного монохроматического источника, находящегося на расстоянии: от источника $a = 4\text{ см}$, до точки наблюдения: $b = 150\text{ мм}$ и $\lambda = 570\text{ нм}$.
3. На экране Р наблюдается дифракция Френеля на круглом отверстии от точечного монохроматического источника S, если в отверстии укладываются две зоны. Определить диаметр отверстия, если расстояние от источника до отверстия: $a = 16\text{ мм}$, расстояние от отверстия до экрана: $b = 220\text{ мм}$, $\lambda = 0,65\text{ мкм}$. Максимум или минимум интенсивности наблюдается при этом на экране?
4. На экране наблюдают результат дифракции монохроматического излучения ($\lambda = 450\text{ нм}$) от точечного источника на круглом отверстии. Определить диаметр отверстия, если известно, что оказались открыты четыре френелевских зоны. Расстояние от источника до отверстия: $a = 15\text{ мм}$, расстояние от отверстия до экрана: $b = 250\text{ мм}$
5. На круглое отверстие радиусом 1,5 мм в непрозрачном экране падает нормально параллельный пучок лучей с длиной волны 0,6 мкм. На пути лучей, прошедших через отверстие помещают экран. Определить максимальное расстояние от отверстия до экрана, при котором в центре дифракционной картины еще будет наблюдаться темное пятно.
6. Расстояние между точечным источником (\cdot) S и точкой наблюдения (\cdot) B равно 2 м. В какой точке на луче SB, надо поставить диафрагму с отверстием, диаметр которого 1,9 мм, чтобы при рассмотрении из точки B в отверстии укладывалось три зоны Френеля? Длина волны излучаемого света $\lambda = 600\text{ нм}$.
7. В точке S находится источник монохроматического света ($\lambda = 600\text{ нм}$). Диафрагма с отверстием, радиусом 1 мм, перемещается из точки, отстоящей от S на 0,5 м, в точку, отстоящую от S на 1,27 м. Сколько раз будет наблюдаться затемнение в точке B, если $SB = 1,5\text{ м}$?
8. На чертеже зон Френеля, сделанном для плоского фронта волны, радиус первой окружности, ограничивающей центральную зону равен 2 см. Радиус последней окружности 14 см. Сколько зон Френеля содержится на чертеже? Зная, что площади всех зон равновелики, определить расстояние между двумя последними окружностями.
9. Между точечным источником S и точкой наблюдения B находится экран с отверстием, радиус которого можно изменять. При $R_1 = 0,8\text{ мм}$ в (\cdot) B открыто 3 зоны Френеля. Найдите $R_2 > R_1$ при котором в (\cdot) B снова наблюдается максимум интенсивности.
10. Между точечным источником S и точкой наблюдения B находится экран с отверстием, радиус которого можно изменять. При $R_1 = 0,6\text{ мм}$ в (\cdot) B открыто 2 зоны Френеля. Найдите $R_2 > R_1$, при котором в (\cdot) B снова наблюдается минимум интенсивности.
11. Определить радиус r последней n-ой открытой френелевской зоны для наблюдателя в (\cdot) B, если расстояние от вершины сферического волнового фронта до плоскости отверстия $d = 2\text{ мкм}$, а расстояния a (радиус фронта) и b, соответственно равны 90 мм и 300 мм.
12. Точечный источник света с длиной волны, равной $\lambda = 0,5\text{ мкм}$, расположен на расстоянии $a = 100\text{ см}$ перед диафрагмой с круглым отверстием радиуса $r = 1,0\text{ мм}$. Найти расстояние b от диафрагмы до точки наблюдения, для которой число зон Френеля в отверстии составляет три.
13. Между точечным источником света и экраном поместили диафрагму с круглым отверстием, радиус которого r можно менять. Расстояния от диафрагмы до источника и экрана равны a = 100 см и b = 125 см. Определить длину волны света, если максимум освещенности в центре дифракционной картины на экране наблюдается при $r_1 = 0,0\text{ мм}$ и следующий максимум – при $r_2 = 1,29\text{ мм}$.

14. Зонная пластина дает изображение источника удаленного от нее на 2 м, на расстоянии 1,5 м от своей поверхности. Где получится изображение источника, если его отодвинуть в бесконечность?
15. Рассчитать радиус r_0 зоны Френеля при условии, что на зональную пластиинку падает плоская волна. Найти r_1 для этого случая, полагая расстояние до экрана $b = 8 \text{ м}$, $\lambda = 450 \text{ нм}$.
16. Радиус центрального прозрачного круга амплитудной зонной пластиинки равен 250 $\mu\text{м}$. Определить внутренний радиус третьего темного кольцевого пояса.
17. На амплитудную зонную пластиинку падает плоский волновой фронт ($\lambda = 585 \text{ нм}$). Максимальная концентрация световой энергии на оси пластиинки достигается в точке F_0 на расстоянии 450 мкм от нее. Найти диаметр центральной непрозрачной зоны. Найти значения 3-х первых дополнительных фокусов.
18. Дифракционная картина наблюдается на расстоянии L от точечного источника монохроматического света ($\lambda = 600 \text{ нм}$). На расстоянии 0,5 L от источника помещена круглая непрозрачная преграда диаметром 1 см. Чему равно расстояние L , если преграда закрывает только центральную зону Френеля?
19. На рисунке (см. рис. 1) представлены распределения дифрагированного на щели плоского монохроматического излучения в трех плоскостях P_1 , P_2 и P_3 . Найти дистанцию Рэлея (R), условно отделяющую области дифракции в ближней и дальней зоне. Ширина щели 250 $\mu\text{м}$, $\lambda = 0.45 \text{ мкм}$.
20. Определить фокусное расстояние зонной пластиинки для света с длиной волны 546 нм, если радиус пятого кольца этой пластиинки равен 1,2 мкм. Определить радиус r_1 первого кольца этой пластиинки. Что произойдет, если пространство между зональной пластиинкой и экраном заполнено средой с показателем преломления n ($n > 1$)?
21. Плоская монохроматическая волна падает нормально на экран с круглым отверстием. Диаметр отверстия уменьшается в N раз. Найти новое расстояние b , при котором в (\cdot) В будет наблюдаться та же дифракционная картина, но уменьшенная в N раз.
22. Диск диаметром 0,5 см с неровностями 20 мкм расположен на расстоянии 1 м от точечного источника S ($\lambda = 0,5 \text{ мкм}$). Считая, что пятно Пуассона видно до тех пор, пока неровности перекрывают зону Френеля не более чем на 1/4, найти \min расстояние (b_m) для его наблюдения.
23. На рисунке (см. рис. 1) представлены распределения дифрагированного на щели плоского монохроматического излучения в трех плоскостях P_1 , P_2 и P_3 . Определить величину угла, соответствующего окрашенной области, если $\lambda = 480 \text{ нм}$, а дистанция Рэлея $R = 1,1 \text{ мм}$.
24. Радиус третьего кольца зонной пластиинки равен 1,1 мкм. Определить фокусное расстояние этой пластиинки для света с длиной волны 480 нм. Определить радиус первого кольца этой пластиинки.
25. Радиус центрального прозрачного круга амплитудной зонной пластиинки равен 200 $\mu\text{м}$. Определить внешний радиус второго темного кольцевого пояса.
26. Точечный источник света S , излучающий свет с длиной волны 550 нм освещает экран, расположенный на расстоянии $L = 11 \text{ м}$ от S . Между источником света и экраном на расстоянии $a = 5 \text{ м}$ от экрана помещена ширма с круглым отверстием, диаметр которого $d = 4,2 \text{ мкм}$. Является ли освещенность в центре получающейся на экране картины большей или меньшей, чем та, которая будет иметь место, если убрать ширму?
27. Точечный источник света S ($\lambda = 0,5 \text{ мкм}$) расположен на расстоянии $a = 90 \text{ см}$ перед экраном с круглым отверстием диаметра 1,0 мкм. Найти расстояние b до точки наблюдения P , для которой амплитуда излучения изображается вектором AB на векторной диаграмме (см. рис. 2).
28. Свет от точечного источника S дифрагирует на круглом отверстии. Амплитуда в (\cdot) P соответствует на векторной диаграмме вектор AB (см. рис. 3). Экран с отверстием заменяют диском того же диаметра. Найти новый вектор, соответствующий амплитуде в (\cdot) P .
29. Плоская монохроматическая волна ($\lambda = 610 \text{ нм}$) с интенсивностью J_0 падает по нормали на круглое отверстие с $r = 1 \text{ мкм}$. Найти интенсивность в (\cdot) P при расстоянии до экрана $b = 1,1 \text{ м}$.

Амплитуде в $(\cdot)P$ соответствует один из векторов, показанных на векторной диаграмме (см. рис. 3).

30. Какова интенсивность света J в фокусе зонной пластиинки, если закрыты все зоны, кроме первой? Интенсивность света без пластиинки равна J_0 .
31. Какова интенсивность света J в фокусе зонной пластиинки, если закрыть всю пластиинку, за исключением внешней половины первой зоны? Интенсивность света без пластиинки равна J_0 .
32. Плоская световая волна ($\lambda = 570 \text{ нм}$) с интенсивностью J_0 падает нормально на непрозрачную диафрагму с отверстием радиуса 0,7 мм. Найти интенсивность в центре дифракционной картины на экране, отстоящем на расстоянии 1,7 м от отверстия.
33. Плоская световая волна ($\lambda = 450 \text{ нм}$) с интенсивностью J_0 падает нормально на непрозрачный диск радиуса 0,9 мм. Найти интенсивность в центре дифракционной картины на экране, отстоящем на расстоянии 1,2 м от диска.
34. Непрозрачный диск радиуса 1,1 мм освещается плоской световой волной ($\lambda = 550 \text{ нм}$) с интенсивностью J_0 . Найти интенсивность в центре дифракционной картины на экране, отстоящем на расстоянии 1,1 м от диска.
35. Плоская монохроматическая волна с интенсивностью J_0 падает нормально на непрозрачную диафрагму с круглым отверстием. Какова интенсивность в центре дифракционной картины на экране, для которой отверстие открывает только внутреннюю половину первой зоны Френеля?
36. Плоская монохроматическая волна с интенсивностью J_0 падает нормально на непрозрачную диафрагму с круглым отверстием. Какова интенсивность в центре дифракционной картины на экране, для которой отверстие сделали равным первой зоне Френеля и затем закрыли его половину (по диаметру)?
37. Какова интенсивность света J в фокусе зонной пластиинки, если для точки наблюдения она закрывает все зоны, кроме первой и третьей? Интенсивность света без пластиинки равна J_0 .
38. Какова интенсивность света J в фокусе зонной пластиинки, если для точки наблюдения она закрывает все зоны, кроме второй и четвертой? Интенсивность света без пластиинки равна J_0 .

Дифракция Фраунгофера

- Узкая щель шириной 35 мкм освещается монохроматическим излучением с плоским фронтом ($\lambda = 620 \text{ нм}$). На экране P наблюдается дифракция Фраунгофера с характерным размером x (см. рис. 4). Определить величину x , если расстояние от щели до экрана $b = 80 \text{ см}$.
- $I(x)$ - распределение интенсивности дифрагированного на узкой щели излучения, где x – координата в плоскости экрана, перпендикулярная длинной стороне щели (см. рис. 5). Найти ширину щели, если $\lambda = 0,51 \text{ мкм}$, $a = 8,3 \text{ мм}$, а расстояние от щели до экрана – 765 мм.
- $I(x)$ – распределение интенсивности дифрагированного на узкой щели излучения, где x – координата в плоскости экрана, перпендикулярная длинной стороне щели (см. рис. 5). Найти расстояние от щели до экрана, если $\lambda = 570 \text{ нм}$, $a = 13,2 \text{ мм}$, ширина щели – 0,06 мм.
- Узкая щель освещается монохроматическим излучением с плоским фронтом ($\lambda = 610 \text{ нм}$). На экране наблюдается дифракция Фраунгофера с характерным размером $x = 7,5 \text{ мм}$ (см. рис. 4). Определить ширину щели, если расстояние от щели до экрана $b = 108 \text{ см}$.
- Узкая щель освещается монохроматическим излучением с плоским фронтом. На экране наблюдается дифракция Фраунгофера с характерным размером $x = 8 \text{ мм}$ (см. рис. 4). Определить длину волны падающего света, если ширина щели $d = 32 \text{ мкм}$, расстояние от щели до экрана $b = 60 \text{ см}$.
- Плоская монохроматическая волна падает на щель шириной d . На экране P наблюдается дифракционная картина в дальней зоне. Определить, что произойдет с центральным максимумом при изменении угла падения волны на экран с 0 до α .

7. На экране Р с помощью линзы L с фокусным расстоянием 50 см наблюдают дифракцию Фраунгофера на щели шириной d. Определить изменение ширины центрального максимума и его сдвиг после поворота волнового фронта на угол $\alpha = 20^\circ$.
8. Свет с длиной волны $\lambda = 0,5 \text{ мкм}$ падает по нормали на щель шириной $d = 10 \text{ мкм}$. Найти угловые положения первых минимумов, расположенных по обе стороны центрального фраунгоферовского максимума после того, как волновой фронт повернулся на угол $\alpha = 30^\circ$.
9. Чему равна постоянная дифракционной решетки, если для того, чтобы увидеть красную линию ($\lambda = 700 \text{ нм}$) в спектре второго порядка, зрительную трубу пришлось установить под углом 30° к оси коллиматора? Какое число штрихов нанесено на 1 см длины этой решетки? Свет падает на решетку нормально к поверхности.
10. Сколько штрихов на 1 мм длины имеет дифракционная решетка, если зеленая линия ртути ($\lambda = 546 \text{ нм}$) в спектре первого порядка наблюдается под углом $19^\circ 8'$.
11. На плоскую дифракционную решетку нормально к поверхности падает свет линии D натрия ($\lambda = 589 \text{ нм}$). Определить число штрихов на 1 мм длины решетки, если спектр второго порядка наблюдается под углом 45° к нормали.
12. На дифракционную решетку, нормально к ней падает пучок света. Угол дифракции для натриевой линии ($\lambda = 589 \text{ нм}$) в спектре первого порядка был найден равным $17^\circ 8'$. Некоторая линия дает в спектре второго порядка угол дифракции равный $24^\circ 12'$. Найти длину волны этой линии и число штрихов на 1 мм решетки.
13. На дифракционную решетку, нормально к ней, падает пучок света от разрядной трубы. Чему должна быть равна постоянная дифракционной решетки, чтобы в направлении $\varphi = 41^\circ$ совпадали максимумы двух линий: $\lambda_1 = 6563 \text{ \AA}$ и $\lambda_2 = 4102 \text{ \AA}$?*
14. Дифракционная решетка освещается нормально падающим параллельным пучком света. В зрительной трубе, установленной под углом 30° к оси решетки, видны две совпадающие линии $\lambda_1 = 675 \text{ нм}$ и $\lambda_2 = 450 \text{ нм}$. Наибольший порядок спектра, который можно наблюдать с помощью решетки - 4-ый. Определить постоянную решетки.
15. При освещении белым светом дифракционной решетки спектры третьего и четвертого порядков отчасти перекрывают друг друга. На какую длину волны в спектре третьего порядка накладывается фиолетовая граница спектра четвертого порядка ($\lambda_1 = 400 \text{ нм}$)?
16. На дифракционную решетку, нормально к ней, падает пучок света от разрядной трубы, наполненной гелием. На какую длину волны в спектре третьего порядка накладывается красная линия гелия ($\lambda = 670 \text{ нм}$) спектра второго порядка?
17. Найти наибольший порядок спектра для желтой линии натрия $\lambda = 589 \text{ нм}$, если период дифракционной решетки равен 2 мкм .
18. Дифракционная решетка освещается параллельным, нормально падающим пучком света. В зрительной трубе, под углом 30° к оси решетки видны совпадающие линии ($\lambda_1 = 630 \text{ нм}$ и $\lambda_2 = 420 \text{ нм}$). Наибольший порядок, который дает эта решетка – пятый. Определить период решетки.
19. Чему равен период дифракционной решетки, если эта решетка может разрешить в первом порядке спектра линии $\lambda_1 = 4044 \text{ \AA}$ и $\lambda_2 = 4047 \text{ \AA}$? Ширина решетки 3 см.
20. Чему должна быть равна постоянная дифракционной решетки шириной в 2,5 см, чтобы в первом порядке был разрешен дублет натрия $\lambda_1 = 5890 \text{ \AA}$ и $\lambda_2 = 5896 \text{ \AA}$?
21. Период дифракционной решетки длиной 2,5 см равен 2 мкм. Какую разность длин волн может разрешить эта решетка в области желтых лучей ($\lambda = 600 \text{ нм}$) в спектре второго порядка?
22. Период дифракционной решетки шириной 2 см равен 1 мкм. Какую разность длин волн $\Delta\lambda$ (в ангстремах) может разрешить эта решетка в области длин волн 600 нм в спектре второго порядка?

* Здесь и далее символом A обозначена единица измерения длины ангстрем.

23. Определить угловую дисперсию дифракционной решетки для $\lambda = 589 \text{ нм}$ в спектре первого порядка. Период решетки равен $2,5 \text{ мкм}$.
24. Определить *разрешающую способность* решетки, и *разрешит ли* решетка, имеющая постоянную 20 мкм , натриевый дублет ($\lambda_1 = 5890 \text{ \AA}$ и $\lambda_2 = 5896 \text{ \AA}$) в спектре второго порядка, если длина нарезанной части решетки $1,5 \text{ см}$?
25. Ширина решетки равна 25 мм , постоянная $d = 6 \text{ мкм}$. В спектре какого *наименьшего* порядка получается раздельное изображение двух спектральных линий с разностью длин волн 1 \AA , если линии лежат в красной части спектра вблизи $\lambda = 700 \text{ нм}$?
26. Спектр натрия наблюдается с помощью дифракционной решетки, имеющей 500 штрихов на 1 мм . Какова должна быть минимальная длина решетки, чтобы разрешить линии 5890 и 5896 \AA в *наивысшем* порядке, в котором могут наблюдаться эти линии?
27. Угловая дисперсия дифракционной решетки для $\lambda = 668 \text{ нм}$ в спектре первого порядка равна $41,6 \text{ угл.сек/нм}$. Найти период дифракционной решетки.
28. Разрешит ли решетка, имеющая постоянную 20 мкм , натриевый дублет ($\lambda_1 = 5890 \text{ \AA}$, $\lambda_2 = 5896 \text{ \AA}$) в спектре первого порядка, если длина нарезанной части решетки 2 см ?
29. Ширина решетки равна 15 мм , постоянная $d = 5 \text{ мкм}$. В спектре какого *наименьшего* порядка получается раздельное изображение двух спектральных линий с разностью длин волн 1 \AA , если линии лежат в красной части спектра вблизи от 700 до 780 нм ?
30. Дифракционная решетка шириной 25 мм имеет 400 штрихов на 1 мм . Определить: а) ее разрешающую способность для спектра третьего порядка; б) наименьшую разность длин волн $\delta \lambda$ двух спектральных линий одинаковой интенсивности вблизи $\lambda = 0,56 \text{ мкм}$, которые можно разрешить этой решеткой в максимальном порядке спектра, если свет падает на решетку нормально.
31. Подсчитать угловую дисперсию (в угл.с./нм) в спектре первого порядка для решетки, имеющей 3937 штрихов на 1 см . Подсчитать расстояние между компонентами желтой линии дублета Na ($\lambda_1 = 5890 \text{ \AA}$, $\lambda_2 = 5896 \text{ \AA}$) которое получится на фотопластинке в спектрографе с такой же решеткой при объективе с фокусным расстоянием 50 см .
32. Подсчитать угловую дисперсию (в угл.с./нм) в спектре второго порядка для решетки, имеющей 3937 штрихов на 1 см . Подсчитать линейную дисперсию спектрографа с такой решеткой при объективе с фокусным расстоянием 50 см .
33. На каком расстоянии будут находиться на экране две линии ртутной дуги (5770 \AA и 5791 \AA) в спектре первого порядка, даваемого дифракционной решеткой, имеющей 500 штрихов на 1 мм . Фокусное расстояние линзы равно $0,6 \text{ м}$.
34. Какое фокусное расстояние должна иметь линза, проектирующая на экран спектр, полученный при помощи дифракционной решетки, чтобы расстояние между двумя линиями калия $\lambda_1 = 4044 \text{ \AA}$ и $\lambda_2 = 4047 \text{ \AA}$ в спектре первого порядка было равно $0,1 \text{ мм}$? Период решетки 2 мкм .
35. Какое фокусное расстояние должен иметь спектрограф с дифракционной решеткой, имеющей ширину заштрихованной части 10 см и полное число штрихов 60000, чтобы разрешаемые им во втором порядке спектральные линии были видны на фотопластинке не ближе чем на расстоянии $0,2 \text{ мм}$ ($\lambda = 650 \text{ нм}$) ?
36. Период решетки равен 4 мкм . На решетку падает нормально к поверхности пучок белого света. Линза проектирует спектр на экран, удаленный на 1 м от линзы. Определить длину спектра первого порядка на экране. За границы видимого спектра принять длины волн от 400 до 780 нм .
37. На дифракционную решетку, содержащую 500 штрихов на 1 мм падает в направлении нормали к ее поверхности белый свет. Спектр проектируется на экран линзой. Определить длину спектра первого порядка на экране, если расстояние от линзы до экрана равно 3 м . Границы видимого спектра $\lambda_1 = 780 \text{ нм}$, $\lambda_2 = 400 \text{ нм}$.

38. Перед объективом фотокамеры установлена дифракционная решетка с периодом 0,002 мм. На решетку, нормально к ней, падает пучок белого света. Найти длину спектра первого порядка, если фокусное расстояние объектива 21 см, а пленка чувствительна к лучам с длиной волны от 310 до 680 нм.
39. Перекрываются ли спектры первого и второго порядков для решетки, имеющей 100 штрихов на 1 мм, если на решетку нормально падает параллельный пучок лучей белого света? Какова разность углов отклонения конца первого и начала второго порядков спектра? Граница видимого света от 400 до 700 нм.
40. Найти разность углов отклонения конца первого и начала второго порядка спектров, даваемых дифракционной решеткой, имеющей 100 штрихов на 1 мм. Решетка освещается нормально падающим на нее белым светом от 400 нм до 750 нм. Могут ли перекрываться спектры первого и второго порядков для этой решетки?

Рисунки к задачам по дифракции Френеля:

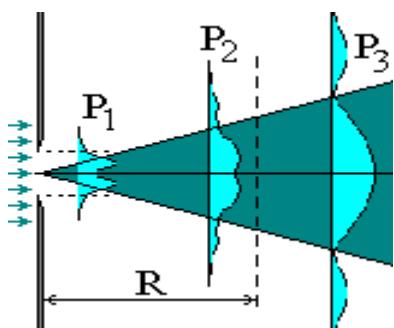


Рис. 1

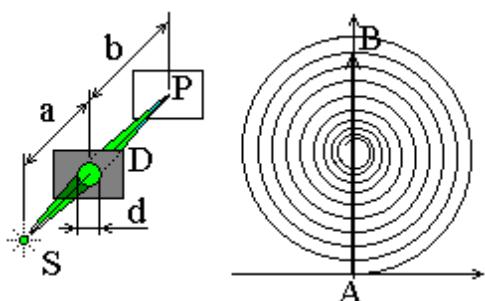


Рис. 2

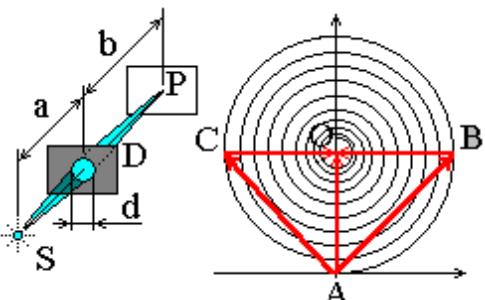


Рис. 3

Рисунки к задачам по дифракции Фраунгофера:

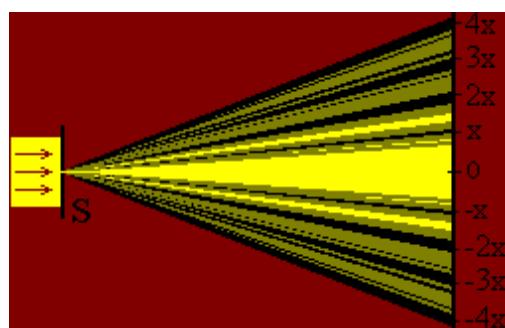


Рис. 4

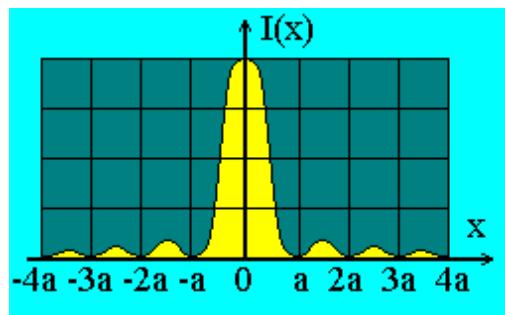


Рис. 5

Распределение задач по вариантам					
№ варианта	Дифракция Френеля			Дифракция Фраунгофера	
1	1	17	35	15	20
2	10	19	34	9	32
3	5	21	32	12	30
4	8	16	27	3	26
5	11	25	29	1	21
6	7	20	36	5	31
7	9	24	30	20	34
8	13	23	38	10	37
9	12	19	32	5	19
10	4	14	28	14	24
11	2	18	33	17	25
12	5	22	34	2	35
13	2	24	37	28	36
14	3	16	30	23	38
15	6	20	35	11	25
16	13	15	26	6	29
17	4	25	37	27	39
18	10	14	29	4	24
19	9	23	31	8	28
20	7	22	36	13	33
21	12	18	38	1	30
22	8	15	33	18	22
23	1	24	28	7	40
24	6	21	27	16	23
25	3	17	31	12	27