

## Индивидуальное задание

### (дифференциальные уравнения)

**В каждом блоке необходимо решить один пример, соответствующий номеру своего варианта, варианты 1-15.**

**Всего 9 блоков.**

1. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

1.  $4x dx - 3y dy = 3x^2 y dy - 2xy^2 dx ;$
2.  $\sqrt{4+y^2} dx - y dy = x^2 y dy ;$
3.  $6x dx - 6y dy = 2x^2 y dy - 3xy^2 dx ;$
4.  $(e^{2x} + 5)dy + ye^{2x} dx = 0 ;$
5.  $x\sqrt{5+y^2} dx + y\sqrt{4+x^2} dy = 0 ;$
6.  $y(4+e^x)dy - e^x dx = 0 ;$
7.  $2x dx - 2y dy = x^2 y dy - 2xy^2 dx ;$
8.  $x\sqrt{4+y^2} dx + y\sqrt{1+x^2} dy = 0 ;$
9.  $(e^x + 8)dy - ye^x dx = 0 ;$
10.  $\sqrt{5+y^2} dx + 4(x^2 y + y)dy = 0 ;$
11.  $(1+e^x)y' = ye^x ;$
12.  $(3+e^x)yy' = e^x ;$
13.  $2x + 2xy^2 + \sqrt{2-x^2} y' = 0 ;$
14.  $\sqrt{5+y^2} + y'y\sqrt{1-x^2} = 0 ;$
15.  $y \ln y + xy' = 0 .$

2. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

1.  $xy' = \sqrt{x^2 - y^2} + y ;$
2.  $(3x^2 - y^2) \cdot y' = 2xy ;$
3.  $2xy' \cdot (x^2 + y^2) = y \cdot (y^2 + 2x^2) ;$
4.  $(y^2 - 3x^2)dy = -xydx ;$
5.  $y^3 dx + x \cdot (x^2 - y^2)dy = 0 ;$
6.  $ydx + (2\sqrt{xy} - x)dy = 0 ;$
7.  $(y + \sqrt{xy})dx = xdy ;$
8.  $xy' = y + (x+y) \cdot \ln \frac{x+y}{x} ;$
9.  $xy + y^2 = (2x^2 + xy)y' ;$
10.  $xy' - y = x \cdot \operatorname{tg}(x/y) ;$
11.  $xyy' = y^2 + 2x^2 ;$

12.  $2x^3y' = y \cdot (2x^2 - y^2)$ ;  
 13.  $xy' \cdot \sin(y/x) + x = y \cdot \sin(y/x)$ ;  
 14.  $xy' - y = \frac{x}{\arctg(y/x)}$ ;  
 15.  $y' = 4 + (y/x) + (y/x)^2$ .

3. Найти решение задачи Коши.

1.  $y' - \frac{y}{x} = x^2$ ,  $y(1) = 0$ ;  
 2.  $y' + y \cos x = 0,5 \sin 2x$ ,  $y(0) = 0$ ;  
 3.  $y' - y \operatorname{ctgx} x = 2x \sin x$ ,  $y(\pi/2) = 0$ ;  
 4.  $y' + y \operatorname{tg} x = \cos^2 x$ ,  $y(\pi/4) = 0,5$ ;  
 5.  $y' - \frac{y}{x} = x \sin x$ ,  $y(\pi/2) = 1$ ;  
 6.  $y' + 2xy = -x^3$ ,  $y(1) = e^{-1}$ ;  
 11.  $y' - \frac{2y}{x+1} = e^x(x+1)^2$ ,  $y(0) = 1$ ;  
 12.  $y' + \frac{xy}{2-2x^2} = \frac{x}{2}$ ,  $y(0) = 2/3$ ;  
 13.  $y' + 3\frac{y}{x} = \frac{2}{x^3}$ ,  $y(1) = 1$ ;  
 14.  $y' - \frac{2y}{x+1} = (x+1)^3$ ,  $y(0) = 0,5$ ;  
 15.  $y' - \frac{y}{x+1} = e^x(x+1)$ ,  $y(0) = 1$ .  
 7.  $y' - y \cos x = -\sin 2x$ ,  $y(0) = 3$ ;  
 8.  $y' - \frac{y}{x} = -\frac{\ln x}{x}$ ,  $y(1) = 1$ ;  
 9.  $y' + \frac{y}{x} = \frac{(x+1)e^x}{x}$ ,  $y(1) = e$ ;  
 10.  $y' + \frac{(1-2x)y}{x^2} = 1$ ,  $y(1) = 1$ ;

4. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

$$1. \quad xy' + y = y^2 \cdot \ln x$$

$$2. \quad (x+1)y' + y = -0,5y^3(x+1)^4$$

$$3. \quad y' + \frac{y}{x} = -\frac{x^2 + 1}{xy}$$

$$4. \quad 2xy' - y = -\frac{y^3}{\sqrt{x-1}}$$

$$5. \quad y' - 2xy = x^3 y^2 e^{-x^2}$$

$$6. \quad x^2 y' + 2x^3 y = y^2 (1 + 2x^2) e^{x^2}$$

$$7. \quad 3xy' - 2y = \frac{x^3}{y^2}$$

$$8. \quad 3y' - y = \frac{x+1}{y^2}$$

$$9. \quad y' - \frac{xy}{1+x^2} = \frac{x^2y^2}{\sqrt{1+x^2}}$$

$$10. \quad 2xy' - y = -\frac{x^2 + 1}{y}$$

$$11. \quad y' - y = \frac{(1-2x)e^{2x}}{y}$$

$$12. \quad y' + 2\frac{y}{x} = 3x^2y^{4/3}$$

$$13. \quad (x-1)y' - y = y^2$$

$$14. \quad y' + 2\frac{y}{x} = \frac{2\sqrt{y}}{\cos^2 x}$$

$$15. \quad 4xy' + 3y = -e^x x^4 y^5$$

**5.** Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

$$1. \quad \frac{x+y^2}{x^2} dx - \frac{2y}{x} dy = 0$$

$$2. \quad (2x \ln y)dx + \frac{x^2 + y^2 \sqrt{y^2 + 1}}{y} dy = 0$$

$$3. \quad (3x^2 + 6xy^2)dx + (6x^2y + 4y^3)dy = 0;$$

$$4. \quad (3x^2 - 2x - y)dx + (2y - x + 3y^2)dy = 0;$$

$$5. \quad \left(2x + \frac{x^2 + y^2}{x^2 y}\right)dx - \frac{x^2 + y^2}{xy^2} dy = 0;$$

$$6. \quad \left(\frac{\sin 2x}{y} + x\right)dx + \left(y - \frac{\sin^2 x}{y^2}\right)dy = 0;$$

$$7. \quad \left(\frac{xy}{\sqrt{1+x^2}} + 2xy - \frac{y}{x}\right)dx + \left(\sqrt{1+x^2} + x^2 - \ln x\right)dy = 0;$$

$$8. \quad (\sin y + y \sin x + 1/x)dx + (x \cos y - \cos x + 1/y)dy = 0;$$

$$9. \left( \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} + \frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right) dx + \left( \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} + \frac{1}{y} - \frac{x}{y^2} \right) dy = 0;$$

$$10. \left( 3x^2 tgy - 2 \frac{y^3}{x^3} \right) dx + \left( \frac{x^3}{\cos^2 y} + 4y^3 + \frac{3y^2}{x^2} \right) dy = 0;$$

$$11. (y + e^x \sin y) dx + (x + e^x \cos y) dy = 0;$$

$$12. x(x^2 + y^2 - 4) dx + y(x^2 + y^2 + 4) dy = 0;$$

$$13. x(2 - 9xy^2) dx + y(4y^2 - 6x^3) dy = 0;$$

$$14. \frac{3x^2 + y^2}{y^2} dx - \frac{2x^3 + 5y}{y^3} dy = 0;$$

$$15. 3x^2(1 + \ln y) dx - (2y - x^3/y) dy = 0.$$

6. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

$$1. y'' \cos^2 x = 1;$$

$$2. y'' + 2y(y')^3 = 0;$$

$$3. y'' = 2yy';$$

$$4. y'' + \frac{1}{x} y' = 0;$$

$$5. y'' tgy = 2(y')^2;$$

$$6. xy'' = y' + x^2;$$

$$7. x^3 y''' = 6;$$

$$8. xy'' - y' = x^2 e^x;$$

$$9. y'' = 2y';$$

$$10. x^2 y'' = 4;$$

$$11. x(y'' + 1) + y' = 0;$$

$$12. y'' + y' \operatorname{tg} x = \sin 2x;$$

$$13. y^3 y'' - 3 = 0;$$

$$14. x^2 y'' = (y')^2;$$

$$15. y'' x \ln x = y'.$$

7. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

$$1. y''' - 2y'' - 3y' = 0;$$

$$2. y''' + 2y'' + y' = 0;$$

$$3. y^{(6)} + 2y^{(5)} + y^{(4)} = 0;$$

$$4. y''' + 4y'' + 13y' = 0;$$

$$5. y^{(5)} + 8y''' + 16y' = 0;$$

$$6. y^{(4)} + 10y'' + 9y = 0;$$

$$7. y''' + 2y'' - y' - 2y = 0;$$

$$8. y''' - 2y'' + 2y' = 0;$$

$$9. y^{(4)} - y = 0;$$

$$\mathbf{10.} 2y''' - 3y'' + y' = 0;$$

**11.**  $y^{(5)} - 10y''' + 9y' = 0;$

**12.**  $y^{(4)} - 5y'' + 4y = 0;$

**13.**  $y^{(5)} - 6y^{(4)} + 9y''' = 0;$

**14.**  $y^{(4)} + 2y'' + y = 0;$

**15.**  $y''' - y'' - y' + y = 0.$

8. Найти общий интеграл дифференциального уравнения.

1.  $y'' - 2y' + y = -12 \cos 2x - 9 \sin 2x$

2.  $y'' - 6y' + 9y = 9x^2 - 39x + 65$

3.  $y'' + 2y' + 2y = 2x^2 + 8x + 6$

4.  $y'' + y' = 2x - 1$

5.  $y'' - 2y' + 5y = 10e^{-x} \cos 2x$

6.  $y'' - 2y' - 8y = 12 \sin 2x - 36 \cos 2x$

7.  $y'' - 3y' + 2y = (34 - 12x)e^{-x}$

8.  $y'' - 6y' + 10y = 51e^{-x}$

9.  $y'' - 3y' + 2y = 3 \cos x + 19 \sin x$

10.  $y'' + 6y' + 9y = (48x + 8)e^x$

11.  $y'' + 8y' + 25y = 18e^{5x}$

12.  $y'' + 6y' + 13y = -75 \sin 2x$

13.  $y'' + 16y = 8 \cos 4x$

14.  $y'' - 12y' + 40y = 2e^{6x}$

15.  $y'' + 2y' + y = 6e^{-x}$

9. Решить систему уравнений.

1.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = 2y + z \\ \frac{dz}{dx} = 3y + 4z \end{cases};$

2.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = y - z \\ \frac{dz}{dx} = -4y + z \end{cases};$

3.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = -y + 8z \\ \frac{dz}{dx} = y + z \end{cases};$

4.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = -2y - 3z \\ \frac{dz}{dx} = -y \end{cases};$

5.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = y - z \\ \frac{dz}{dx} = -4y + 4z \end{cases};$

6.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = -2y + z \\ \frac{dz}{dx} = -3y + 2z \end{cases};$

7.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = 6y - z \\ \frac{dz}{dx} = 3y + 2z \end{cases};$

8.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = 2y + z \\ \frac{dz}{dx} = -6y - 3z \end{cases};$

9.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = z \\ \frac{dz}{dx} = y \end{cases};$

10.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = -y - 2z \\ \frac{dz}{dx} = 3y + 4z \end{cases};$

11.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = -2y \\ \frac{dz}{dx} = z \end{cases};$

12.  $\begin{cases} \frac{dy}{dx} = 8y - 3z \\ \frac{dz}{dx} = 2y + z \end{cases};$

$$13. \begin{cases} \frac{dy}{dx} = 3y + z \\ \frac{dz}{dx} = y + 3z \end{cases};$$

$$14. \begin{cases} \frac{dy}{dx} = y + 2z \\ \frac{dz}{dx} = 4y + 3z \end{cases};$$

$$15. \begin{cases} \frac{dy}{dx} = y + 4z \\ \frac{dz}{dx} = y + z \end{cases}.$$

