

Задания Д 7

При выполнении заданий Д 6, Д 7 необходимо учесть следующие замечания.

1. Если не все связи, наложенные на рассматриваемую механическую систему, являются идеальными, например, имеются шероховатые поверхности (неидеальные связи), то к активным нагрузкам следует добавить силы трения. Таким приемом силы трения переносят в разряд активных сил и, следовательно, шероховатую поверхность можно рассматривать как идеальную связь (рис. 14).

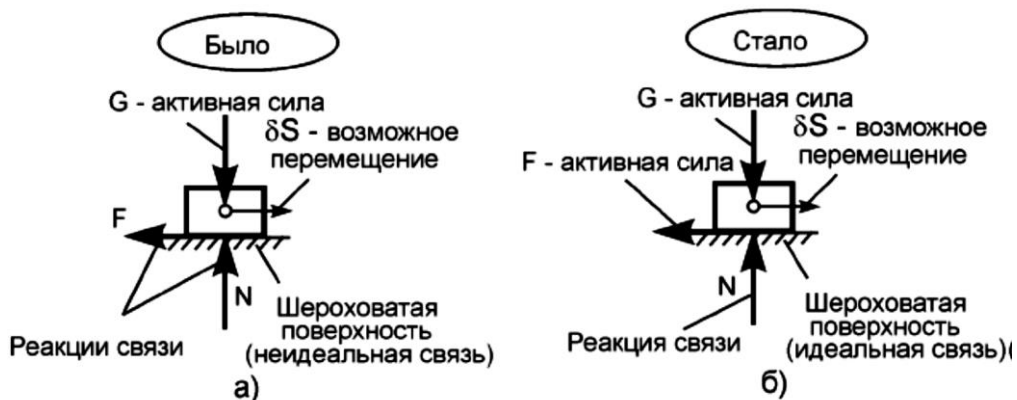


Рис. 6.14

Таким образом, при решении задачи рис. 6.14,а и рис. 6.14,б эквивалентны.

2. Если требуется определить какую-либо реакцию идеальной связи, то, применив аксиому связей, отбрасывают соответствующую связь и заменяют ее реакцией связи. Таким образом, исходная связь заменяется другой связью, допускающей возможные перемещения. Тем самым искомая реакция переносится в разряд активных сил. Этот прием решения задач является чрезвычайно эффективным, так как искомая реакция связи непосредственно определяется из уравнения, выражающего принцип возможных перемещений.

На рис. 6.15, 6.16 приведены некоторые варианты определения реакций внешних связей для механических систем.

В исходном положении (см. рис. 6.15) на механическую систему, состоящую из двух тел, в точке А наложена связь – жёсткая заделка. Снимем ограничение на перемещение тела 1 в горизонтальном направлении, сохранив остальные ограничения. Варианты такой замены показаны на рис. 6.15,б, 6.15,в.

При таких заменах тело 1 может совершить только поступательное движение, параллельное координатной оси ОХ. Если задать возможное перемещение δS_A точке А механической системы, то её точки В и С получат возможные перемещения δS_B , δS_C , зависящие от δS_A .

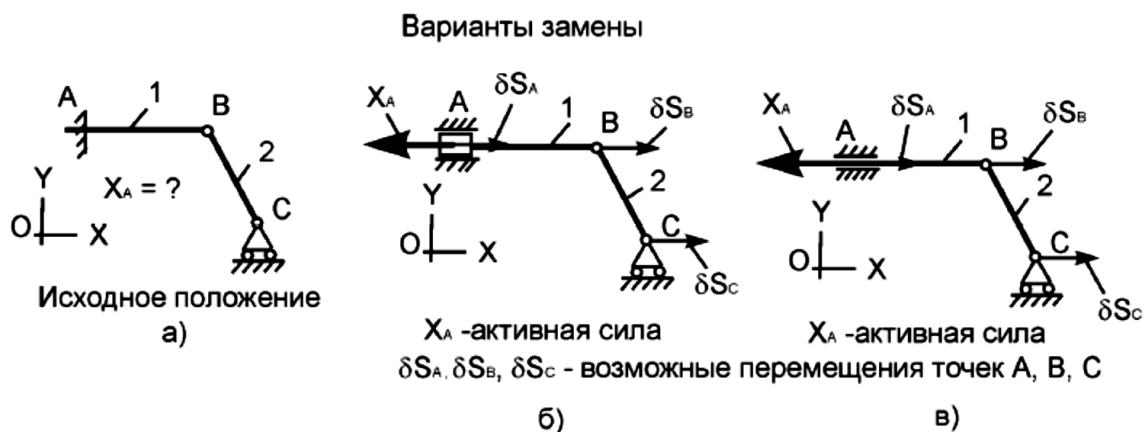


Рис. 6.15

При определении реактивного момента M_A для механической системы, приведенной на рис 6.15, жесткую заделку заменяют шарнирно неподвижной опорой (см. рис. 6.16).

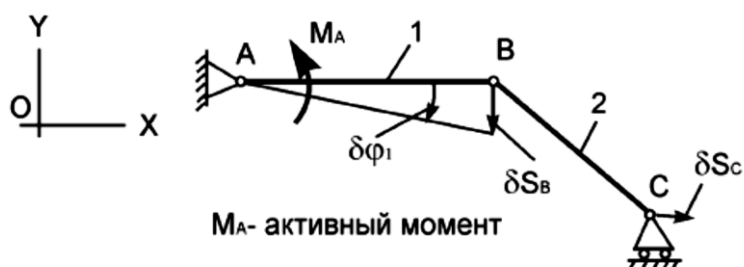


Рис. 6.16

При такой замене тело 1 может совершать вращательное движение. Зададим этому телу возможное угловое перемещение $\delta\varphi_1$. Точки B и C механической системы получат линейные возможные перемещения δS_B , δS_C , зависящие от перемещения $\delta\varphi_1$.

Задачи на применение принципа возможных перемещений рекомендуется решать по следующему алгоритму.

1. Изобразить рассматриваемую механическую систему на рисунке в соответствующем масштабе.
2. Приложить к механической системе активные нагрузки.
3. При наличии неидеальных связей добавить соответствующие реакции связей (например, силы трения).
4. Для определения реакции связи эту реакцию перенести в разряд активных сил путем замены существующей связи на связь, допускающую возможное перемещение в направлении, как правило, противоположном направлению определяемой реакции связи.
5. Дать возможное перемещение одной из точек механической системы и выразить возможные перемещения точек приложения сил в зависимости от заданного возможного перемещения.
6. Вычислить сумму работ активных сил на возможных перемещениях их точек приложения и приравнять эту сумму нулю.

7. Решив составленное уравнение, определить искомую величину.

В расчётах использовать следующие условные обозначения: c – коэффициент жёсткости пружины (Н/см); h – деформация пружины (см); Q , P – силы (Н); M – момент пары сил (Н·м).

**«Применение принципа возможных перемещений
к определению реакций опор составной конструкции»**

Применяя принцип возможных перемещений, определить реакции опор составной конструкции. Схемы конструкций и необходимые для решения данные приведены в табл. 5.5. На рисунках все размеры указаны в метрах.

6.3.4. Пример выполнения

задания Д 7

Дано: конструкция, состоящая из двух тел, находится в равновесии под действием следующих нагрузок: $P_1 = 2$ кН; $P_2 = 4$ кН; $M = 6$ кН·м; $q = 1$ кН/м (рис. 6.18).

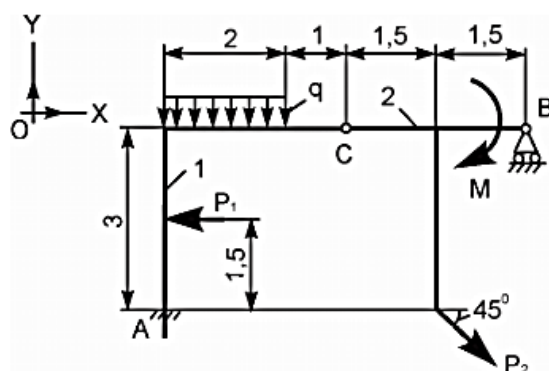


Рис. 6.18

Применяя принцип возможных перемещений, определить реакции опор составной конструкции.

Решение.

Заменяем равномерно распределенную нагрузку интенсивностью q сосредоточенной силой $Q = q \cdot 2 = 1 \cdot 2 = 2$ кН, приложенной в середине загруженного участка тела 1 (рис. 6.19).

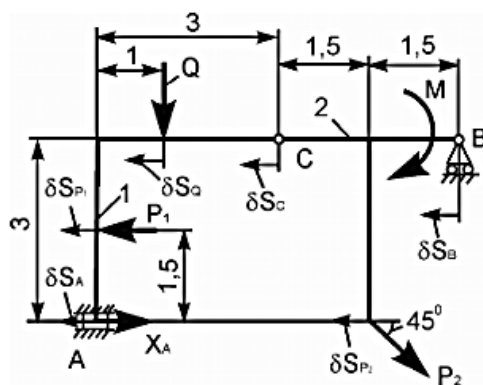


Рис. 6.19

Поскольку связи, наложенные на рассматриваемую механическую систему, являются идеальными, то для решения поставленной

задачи правомерно применение принципа возможных перемещений.

Найдем горизонтальную составляющую X_A реакции в жесткой заделке.

Согласно известным положениям статики жесткая заделка накладывает три ограничения на перемещения тела в плоскости XOY (поступательные движения параллельно координатным осям и поворот в этой плоскости). Снимем ограничение на перемещение тела 1 только параллельно оси OX , сохраняя другие ограничения, и покажем на рисунке реакцию X_A . В результате этих действий реакция X_A переходит в разряд активных сил, а жесткая заделка в точке A (см. рис. 6.18) заменяется кулисным камнем, к которому жестко закреплено тело 1 составной конструкции. При такой замене составная конструкция становится подвижной.

Зададим возможное перемещение δS_A точке A тела 1. Так как тело 1 может совершать только поступательное движение, то возможные перемещения всех точек этого тела геометрически равны:

$$\delta S_A = \delta S_{P_1} = \delta S_Q = \delta S_C,$$

где δS_{P_1} – возможное перемещение точки приложения силы P_1 ; δS_Q – возможное перемещение точки приложения силы Q ; δS_C – возможное перемещение точки C .

Так как точка C принадлежит и телу 2, то оно тоже будет подвижным. Для того, чтобы связь в точке B не разрушилась, эта точка получит возможное перемещение δS_B , параллельное опорной поверхности шарнирно-подвижной опоры. Поскольку возможные перемещения δS_C , δS_B точек C и B тела 2 параллельны, то тело 2 совершает поступательное движение. Исходя из этого, имеем следующее равенство:

$$\delta S_C = \delta S_B = \delta S_{P_2},$$

где δS_{P_2} – возможное перемещение точки приложения силы P_2 .

Таким образом, возможные перемещения всех точек тел 1 и 2 геометрически равны:

$$\delta S_A = \delta S_{P_1} = \delta S_Q = \delta S_C = \delta S_B = \delta S_{P_2}.$$

Запишем уравнение, выражающее принцип возможных перемещений для рассматриваемого случая.

$$\sum F_i \cdot \delta S_i \cdot \cos(F_i, \delta S_i) = 0 = -X_A \cdot \delta S_A + P_1 \cdot \delta S_{P_1} - P_2 \cdot \cos 45^\circ \cdot \delta S_{P_2} = 0. \quad (1)$$

Поскольку $\delta S_A = \delta S_{P_1} = \delta S_{P_2}$, то выражение (1) можно записать в следующем виде:

$$-X_A \cdot \delta S_A + P_1 \cdot \delta S_A - P_2 \cdot \cos 45^\circ \cdot \delta S_A = 0.$$

Решая последнее выражение относительно X_A , получим

$$X_A = P_1 - P_2 \cdot \cos 45^\circ = 2 - 4 \cdot 0,707 = -0,828 \text{ кН}.$$

Найдем горизонтальную составляющую Y_A реакции в жесткой заделке.

Согласно известным положениям статики жесткая заделка накладывает три ограничения на перемещения тела в плоскости XOY (поступательные движения параллельно координатным осям и поворот в этой плоскости). Снимем ограничение на перемещение тела 1 только параллельно оси OY , сохраняя другие ограничения, и покажем на рисунке реакцию Y_A . В результате этих действий реакция Y_A переходит в разряд активных сил, а жесткая заделка в точке A (рис. 6.20) заменяется кулисным камнем, к которому жестко закреплено тело 1 составной конструкции. При такой замене составная конструкция становится подвижной.

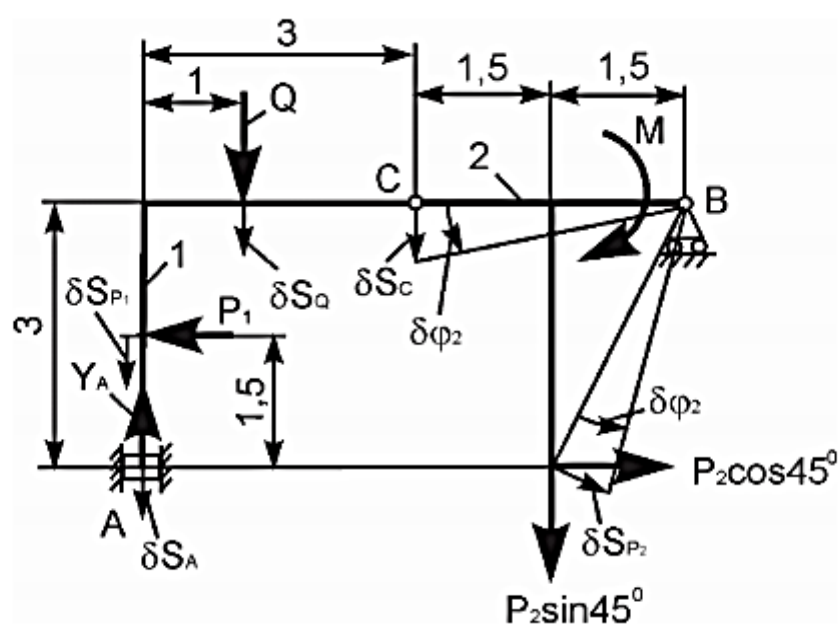


Рис. 6.20

Зададим возможное перемещение δS_A точке A тела 1. Так как тело 1 может совершать только поступательное движение, то возможные перемещения всех точек этого тела геометрически равны:

$$\delta S_A = \delta S_{P_1} = \delta S_Q = \delta S_C,$$

где δS_{P_1} – возможное перемещение точки приложения силы P_1 ; δS_Q – возможное перемещение точки приложения силы Q ; δS_C – возможное перемещение точки C .

Так как точка C принадлежит и телу 2, то оно тоже будет подвижным. Для того, чтобы связь в точке B не разрушилась, эта точка должна получить возможное перемещение δS_B , параллельное опорной поверхности шарнирно-подвижной опоры. Поскольку воз-

возможные перемещения δS_C , δS_B точек С и В тела 2 не параллельны, то тело 2 совершает плоскопараллельное движение. Очевидно, что мгновенный центр поворота тела 2 находится в точке В. Относительно оси, проходящей через точку В и перпендикулярную плоскости рис. 6.20, тело 2 повернется на угол $\delta\varphi_2$. Исходя из этого, имеем следующее равенство:

$$\delta S_C = CB \cdot \delta\varphi_2 = 3 \cdot \delta\varphi_2.$$

Следует заметить, что возможные перемещения δS_C , δS_{P_2} точки С и точки приложения силы P_2 перпендикулярны отрезкам, соединяющим эти точки с мгновенным центром поворота тела 2.

Принцип возможных перемещений выражается формулой

$$\sum F_i \cdot \delta S_i \cdot \cos(F_i, \delta S_i) = 0.$$

Так как величину угла между направлениями активной силы P_2 и возможным перемещением δS_{P_2} точки приложения этой силы определять достаточно затруднительно, то элементарную работу приложенных к телу 2 сил определим через работу моментов сил относительно его мгновенного центра поворота, который находится в точке В. С этой целью силу P_2 разложим на составляющие силы: $P_2 \sin 45^\circ$ и $P_2 \cos 45^\circ$.

Запишем уравнение, выражающее принцип возможных перемещений:

$$- Y_A \cdot \delta S_A + Q \cdot \delta S_Q + P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_2 + P_2 \cos 45^\circ \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 - M \cdot \delta\varphi_2 = 0. \quad (2)$$

Так как $\delta S_A = \delta S_Q = 3 \cdot \delta\varphi_2$, то выражение (2) можно преобразовать к следующему виду:

$$- Y_A \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 + Q \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 + P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_2 + P_2 \cos 45^\circ \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 - M \cdot \delta\varphi_2 = 0.$$

Решая последнее выражение относительно Y_A , получим

$$Y_A = Q \cdot 1 + P_2 \sin 45^\circ \cdot 0,5 + P_2 \cos 45^\circ \cdot 1 - M/3 = \\ = 2 + 4 \cdot 0,707 \cdot 0,5 + 4 \cdot 0,707 \cdot 1 - 6/3 = 4,242 \text{ кН}.$$

Найдем реактивный момент M_A в жесткой заделке.

Жесткая заделка накладывает три ограничения на перемещение тела в плоскости ХОУ (поступательные движения параллельно координатным осям и поворот в этой плоскости). Снимем ограничение на поворот тела 1 в плоскости ХОУ, сохраняя другие ограничения, и покажем на рисунке реактивный момент M_A . В результате этих действий реакция M_A переходит в разряд активных нагрузок, а жесткая заделка в точке А (рис. 6.21) заменяется шарнирно-неподвижной опорой. При такой замене составная конструкция становится подвижной. Тело 1 может совершать вращательное движение относительно оси, проходящей через точку А. Зададим телу 1 возможное угловое перемещение $\delta\varphi_1$. Тогда точки приложения ак-

тивных сил P_1 , Q и точка C получат возможные перемещения δS_{P_1} , δS_Q , δS_C .

$$\delta S_{P_1} = 1,5 \cdot \delta \varphi_1; \quad \delta S_Q = (\sqrt{3^2 + 1^2}) \cdot \delta \varphi_1; \quad \delta S_C = CA \cdot \delta \varphi_1.$$

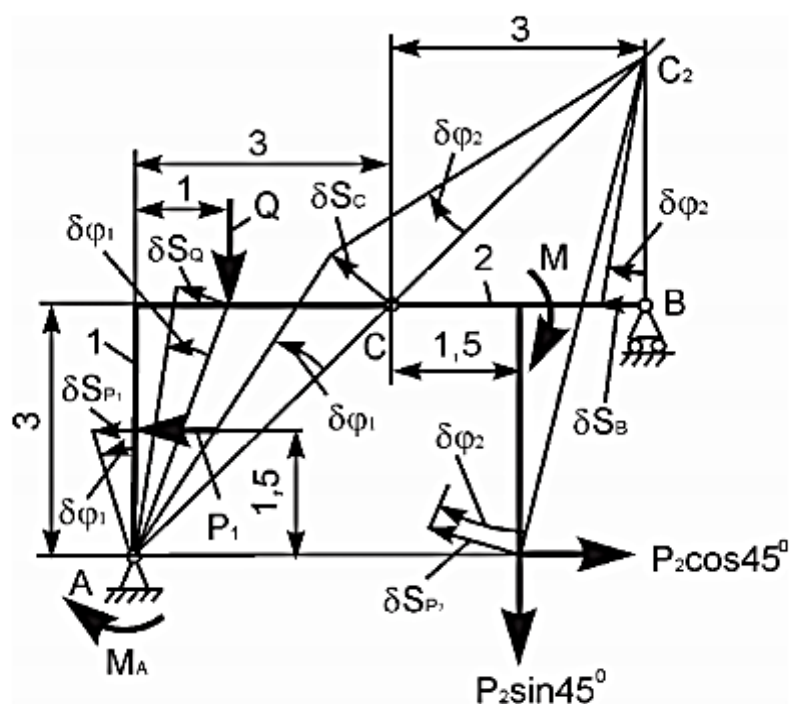


Рис. 6.21

Следует отметить, что возможное перемещение δS_C перпендикулярно отрезку, соединяющему точку C с осью вращения тела 1, проходящей через точку A .

Так как точка C принадлежит и телу 2, то оно тоже будет подвижным. Для того, чтобы связь в точке B не разрушилась, эта точка должна получить возможное перемещение δS_B , параллельное опорной поверхности шарнирно-подвижной опоры. Поскольку возможные перемещения δS_C , δS_B точек C и B тела 2 не параллельны, то тело 2 совершает плоскопараллельное движение. Очевидно, что мгновенный центр поворота тела 2 находится в точке C_2 . Относительно оси, проходящей через точку C_2 и перпендикулярную плоскости рис. 6.21, тело 2 повернется на угол $\delta \varphi_2$. Исходя из этого, имеем следующее равенство:

$$\delta S_C = CC_2 \cdot \delta \varphi_2.$$

Так как точка C принадлежит и телу 1, и телу 2, то справедливо равенство

$$\delta S_C = CA \cdot \delta \varphi_1 = CC_2 \cdot \delta \varphi_2.$$

Из рис. 6.21 нетрудно установить, что $CA = CC_2$. Отсюда имеем $\delta \varphi_1 = \delta \varphi_2$.

Возможные перемещения δS_C , δS_{P_2} точки C и точки приложения силы P_2 перпендикулярны отрезкам, соединяющим эти точки с мгновенным центром поворота тела 2.

В общем случае принцип возможных перемещений выражается формулой

$$\sum F_i \cdot \delta S_i \cdot \cos(F_i, \delta S_i) = 0.$$

Так как величину угла между направлениями активной силы P_2 и возможным перемещением δS_{P_2} точки приложения этой силы определять достаточно затруднительно, то элементарную работу приложенных к телу 2 сил определим через работу моментов сил относительно его мгновенного центра поворота, который находится в точке C_2 . Как и ранее (см. рис. 6.20), силу P_2 разложим на составляющие силы: $P_2 \sin 45^\circ$ и $P_2 \cos 45^\circ$, параллельные координатным осям.

Запишем уравнение, выражающее принцип возможных перемещений.

$$-M_A \cdot \delta\varphi_1 + P_1 \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_1 - Q \cdot 1 \cdot \delta\varphi_1 - P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_2 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 6 \cdot \delta\varphi_2 + M \cdot \delta\varphi_2 = 0.$$

(3)

Поскольку $\delta\varphi_1 = \delta\varphi_2$, то выражение (3) можно преобразовать к виду

$$-M_A \cdot \delta\varphi_1 + P_1 \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_1 - Q \cdot 1 \cdot \delta\varphi_1 - P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_1 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 6 \cdot \delta\varphi_1 + M \cdot \delta\varphi_1 = 0.$$

Решая это уравнение относительно M_A , получим

$$M_A = + P_1 \cdot 1,5 - Q \cdot 1 - P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 6 + M = 2 \cdot 1,5 - 2 \cdot 1 - 4 \cdot 0,707 \cdot 1,5 - 4 \cdot 0,707 \cdot 6 + 6 = -14,210 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Определим реакцию R_B .

Шарнирно-подвижная опора в точке B накладывает только одно ограничение на перемещение тела 2 в пространстве. Снимем это ограничение на поступательное движение тела, параллельное оси OY, и покажем на рис. 6.22 реакцию R_B . Так как тело 1 неподвижно, то возможным перемещением тела 2 является его поворот относи-

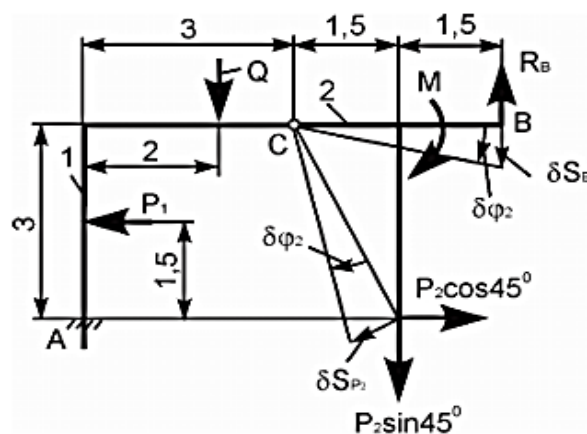


Рис. 6.22

тельно оси, проходящей через точку С на угол $\delta\varphi_2$.

На рис. 6.22 показаны возможные перемещения δS_B , δS_{P_2} точек приложения сил R_B и P_2 .

Составим уравнение, выражающее принцип возможных перемещений, при этом учтем, что работа силы при повороте тела равна произведению момента силы относительно мгновенного центра поворота на угол поворота тела.

$$P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_2 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 + M \cdot \delta\varphi_2 - R_B \cdot \delta S_B = 0.$$

(4)

Так как $\delta S_B = 3 \cdot \delta\varphi_2$, то выражение (4) приводится к виду

$$P_2 \sin 45^\circ \cdot 1,5 \cdot \delta\varphi_2 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 + M \cdot \delta\varphi_2 - R_B \cdot 3 \cdot \delta\varphi_2 = 0.$$

Решая последнее выражение относительно R_B , получим

$$R_B = P_2 \sin 45^\circ \cdot 0,5 - P_2 \cos 45^\circ \cdot 1 + M/3 = \\ = 4 \cdot 0,707 \cdot 0,5 - 4 \cdot 0,707 \cdot 1 + 6/3 = 0,586 \text{ кН}.$$

Проведем проверку полученных результатов расчета. Для этого рассмотрим равновесие составной конструкции под действием активных нагрузок P_1 , P_2 , M , Q и реакций внешних связей X_A , Y_A , M_A , R_B (рис. 6.23).

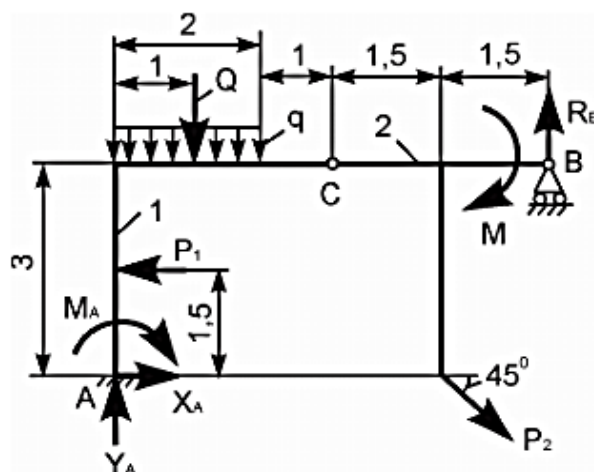


Рис. 6.23

Запишем уравнения равновесия для плоской произвольной системы сил и подставим в них определенные значения реакций внешних связей.

$$\Sigma F_{iox} = 0 = X_A - P_1 + P_2 \cos 45^\circ = \\ = -0,828 - 2 + 4 \cdot 0,707 = -2,828 + 2,828 = 0;$$

$$\Sigma F_{ioy} = 0 = Y_A - P_2 \sin 45^\circ + R_B = \\ = 4,242 - 2 - 4 \cdot 0,586 = 4,828 - 4,828 = 0;$$

$$\Sigma M_{iA} = 0 = -M_A + P_1 \cdot 1,5 - Q \cdot 1 - P_2 \sin 45^\circ \cdot 4,5 - M + R_B \cdot 6 = \\ = -(-14,210) + 2 \cdot 1,5 - 2 \cdot 1 - 4 \cdot 0,707 \cdot 4,5 - 6 + 0,586 \cdot 6 = \\ = 20,728 - 20,728 = 0.$$

Проверка подтвердила правильность расчетов.

Варианты задания Д7

Применяя принцип возможных перемещений, определить реакции опор составной конструкции. Схемы конструкций и необходимые для решения данные приведены в табл. 5.5. На рисунках все размеры указаны в метрах.

Таблица 5.5

Номер варианта	Расчетная схема механизма	Исходные данные
1		$P_1 = 10 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$
2		$P_1 = 6 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 12 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 1 \text{ кН/м}$
3		$P_1 = 8 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 3 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$

1	2	3
4		<p> $P_1 = 5 \text{ кН};$ $P_2 = 12 \text{ кН};$ $M = 4 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
5		<p> $P_1 = 6 \text{ кН};$ $P_2 = 8 \text{ кН};$ $M = 3 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
6		<p> $P_1 = 4 \text{ кН};$ $P_2 = 6 \text{ кН};$ $M = 10 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
7		<p> $P_1 = 7 \text{ кН};$ $P_2 = 8 \text{ кН};$ $M = 15 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
8		<p> $P_1 = 8 \text{ кН};$ $P_2 = 8 \text{ кН};$ $M = 16 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
9		<p> $P_1 = 10 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
10		<p> $P_1 = 10 \text{ кН};$ $P_2 = 3 \text{ кН};$ $M = 9 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
11		<p> $P_1 = 12 \text{ кН};$ $P_2 = 5 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 1 \text{ кН/м}$ </p>
12		<p> $P_1 = 11 \text{ кН};$ $P_2 = 3 \text{ кН};$ $M = 8 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 4 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
13		<p> $P_1 = 10 \text{ кН};$ $P_2 = 12 \text{ кН};$ $M = 8 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
14		<p> $P_1 = 10 \text{ кН};$ $P_2 = 2 \text{ кН};$ $M = 12 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
15		<p> $P_1 = 15 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 5 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
16		<p> $P_1 = 16 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 4 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 1 \text{ кН/м}$ </p>
17		<p> $P_1 = 17 \text{ кН};$ $P_2 = 3 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 6 \text{ кН/м}$ </p>
18		<p> $P_1 = 18 \text{ кН};$ $P_2 = 9 \text{ кН};$ $M = 4 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 8 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
19		<p> $P_1 = 19 \text{ кН};$ $P_2 = 7 \text{ кН};$ $M = 12 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
20		<p> $P_1 = 20 \text{ кН};$ $P_2 = 12 \text{ кН};$ $M = 8 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 4 \text{ кН/м}$ </p>
21		<p> $P_1 = 21 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 12 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 6 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
22		<p> $P_1 = 22 \text{ кН};$ $P_2 = 12 \text{ кН};$ $M = 10 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 5 \text{ кН/м}$ </p>
23		<p> $P_1 = 23 \text{ кН};$ $P_2 = 9 \text{ кН};$ $M = 5 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 8 \text{ кН/м}$ </p>
24		<p> $P_1 = 24 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 12 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
25		<p> $P_1 = 25 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 8 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
26		<p> $P_1 = 26 \text{ кН};$ $P_2 = 16 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 6 \text{ кН/м}$ </p>
27		<p> $P_1 = 27 \text{ кН};$ $P_2 = 10 \text{ кН};$ $M = 4 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 3 \text{ кН/м}$ </p>

1	2	3
28		<p> $P_1 = 28 \text{ кН};$ $P_2 = 18 \text{ кН};$ $M = 8 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
29		<p> $P_1 = 28 \text{ кН};$ $P_2 = 20 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 2 \text{ кН/м}$ </p>
30		<p> $P_1 = 30 \text{ кН};$ $P_2 = 20 \text{ кН};$ $M = 6 \text{ кН}\cdot\text{м};$ $q = 1 \text{ кН/м}$ </p>