

Лабораторная работа

Метрическая эюра. Построение многогранников и определение их геометрических параметров

Для успешного выполнения задания «Метрическая эюра» необходимо изучить методы преобразования ортогональных проекций и раздел «многогранники».

Содержание работы

Работа состоит из двух частей: позиционные и метрические задачи.

В разделе позиционных задач предлагается построение многогранников (пирамиды, призмы) по заданным геометрическим параметрам. В разделе метрических задач требуется графическими способами определить неизвестные геометрические параметры этих многогранников (линейные и двугранные углы, высоты и др.).

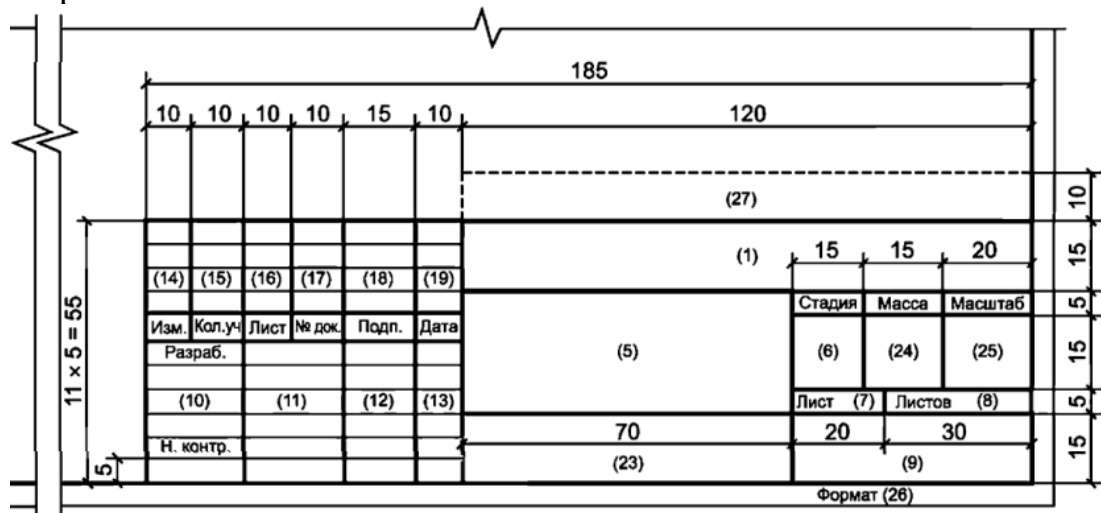
Варианты заданий можно взять в папке " Варианты заданий Метрическая эюра».

Номер варианта – последние две цифры студенческого регистрационного номера (номера студенческой зачетной книжки). Если номер больше 30, то вычтеть 30 необходимое количество раз.

Полностью выполненную работу можно загрузить в СДО в разделе «6. Текущий контроль успеваемости» в папку «Задания».

Оформление работы

- Работа выполняется на чертёжной бумаге формата А2 (420x594) ГОСТ 2.301.
- В правом нижнем углу располагается основная надпись (55x185) форма 4 приложения Ж ГОСТ Р 21.101-2020.



- Все построения выполняются карандашом с обязательным соблюдением толщины линий по ГОСТ 2.303.
- Все надписи выполняются чертёжным шрифтом типа В с наклоном по ГОСТ 2.304.
- Построения выполняются в масштабе 1:1 ГОСТ 2.302.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эспера, вариант I

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан треугольник ABC со следующими координатами вершин A (140, 200, 124), B (210, 86, 14), C (290, 104, 60). Принять треугольник ABC за основание пирамиды, вершина которой S лежит на перпендикуляре, восстановленном из центра тяжести треугольника ABC ; ребро AS наклонено к плоскости основания под углом 50° .

П о с т р о и т ь проекции пирамиды.

О п р е д е л и т ь : величину двугранного угла между гранями SAB и SAC , истинную величину грани SBC методом вращения вокруг горизонтали; угол наклона треугольника ABC к плоскости π_2 .

П р и м е ч е н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эспера, вариант 2

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны: плоскость α (угол между $f_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 25° ,
угол между $h_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 37°), координаты точки стода
(350, 0, 0) и в ней основание прямой пятигранной призмы $A(260,$
 $40, z)$, $B(180, 45, z)$, $C(85, 90, z)$, $D(48, 146, z)$,
 $E(180, 136, z)$.

П о с т р о и т ь проекции прямой пятигранной призмы,
стоящей своим основанием $ABCDE$ на плоскости α , по заданной
высоте призмы, равной 160 мм.

О п р е д е л и т ь: величину двугранного угла при реб-
ре, проходящем через вершину A , истинную величину боковой гра-
ни призмы, проходящей через сторону BC основания призмы, угол
между диагональю AN и боковым ребром CN .

П р и м е ч а н и е: начало координат следует наметить в
правой части листа.

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha\alpha}}) = 25^\circ; (\widehat{Ox; h_{\alpha\alpha}}) = 37^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 3

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны: прямая QR координаты точек $Q(240, 96, 206)$ и $R(106, 18, 174)$, плоскость α , угол между $f_{\alpha x}$ и осью Ox равен 40° , угол между $h_{\alpha x}$ и осью Ox равен 78° , координаты точки схода следов $(209, 0, 0)$ и в ней прямая $N(174, y, 0)$, $M(50, 0, z)$ и точка $A(72, y, 90)$.

П о с т р о и т ь : трехгранную пирамиду, стоящую своим основанием на плоскости α . Вершина пирамиды (S) лежит на прямой QR на расстоянии 120 мм от плоскости основания. Вершины B и C основания пирамиды лежат на прямой NM , вершина D основания пирамиды совпадает с точкой A ; величины сторон основания пирамиды равны: $DB = 90$ мм, $BC = 80$ мм.

О п р е д е л и т ь : угол между основанием пирамиды и гранью SDC , угол наклона ребра SB к плоскости основания; истинную величину грани SDC методом вращения вокруг горизонтали.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа,

$$(\widehat{Ox ; f_{\alpha x}}) = 40^\circ; \quad (\widehat{Ox ; h_{\alpha x}}) = 78^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 4

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α (угол между $f_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 30° , угол между $h_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 45° , координаты точки схода следов $(320, 0, 0)$. В плоскости α построить равносторонний треугольник со стороной, равной 60 мм, при условии, что одна сторона его параллельна направлению горизонтали плоскости и одна вершина равноудалена от π_1 и π_2 на расстояние 70 мм. Принять построенный треугольник за основание правильной пирамиды, высота которой $h = 130$ мм.

П о с т р о и т ь проекции пирамиды.

О п р е д е л и т ь : угол наклона грани пирамиды к ее основанию; угол наклона плоскости α к плоскости π_2 ; расстояние от точки, лежащей на нижней трети ребра, до противоположной грани пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа,

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha\alpha}}) = 30^\circ; (\widehat{Ox; h_{\alpha\alpha}}) = 45^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 5

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

П о с т р о и т ь плоскость α под углом 30° к плоскости π_1 , при условии, чтобы $h_{\alpha\pi_1}$ составил с осью Ox угол, равный 45° , $X_\alpha(0, 0, 0)$. В плоскости α построить прямую по координатам $A(140, y, 48)$, $B(160, y, 16)$.

П о с т р о и т ь проекции прямой призмы, основанием которой является квадрат, лежащий в плоскости α . Принять AB за сторону основания призмы. Сторона основания равна 56 мм, одна вершина основания находится на расстоянии 20 мм от A и B . Высота призмы равна 140 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости, проходящей через диагонали призмы, к плоскости основания призмы; угол наклона прямой $M(176, 132, 132)$, $N(320, 0, 0)$ к плоскости α , расстояние между прямой MN и ребром призмы, проходящим через вершину B основания.

П р и м е ч а н и е : начало координат расположить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эспера, вариант 6

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α со сливающимися следами (угол наклона $f_{\alpha x}$ к оси Ox равен 43° , координаты точки схода $200, 0, 0$) и в ней точка $A(212, y, 80)$. Построить проекции правильной пирамиды с основанием – правильный шестиугольник, лежащий в плоскости α . Центр шестиугольника совпадает с точкой A , две стороны шестиугольника параллельны направлению горизонта плоскости α , сторона шестиугольника равна 44 мм, наклон боковой грани пирамиды к плоскости основания равен 70° .

О п р е д е л и т ь : угол наклона ребра пирамиды к плоскости основания, истинную величину боковой грани, кратчайшее расстояние от точки $N(224, 98, 160)$ до боковой грани пирамиды, проходящей через верхнюю сторону основания.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа

$$(\widehat{Ox; h_{\alpha x}}) = 543^\circ.$$

Кафедра "Начертательная геометрия и графика"

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 7

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

П о с т р о и т ь правильную усеченную пятигранную пирамиду. Высота пирамиды $h = 120$ мм, центр основания совпадает с точкой $A(120, 100, 80)$; стороны основания равны - нижнего 60 мм, верхнего 40 мм. Плоскость основания параллельна плоскости α , заданной следами (угол между $h_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 40° , угол между $f_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 51° , координаты точки схода следов $(440, 0, 0)$.

О п р е д е л и т ь : угол наклона боковой грани к плоскости основания пирамиды, угол наклона ребра пирамиды к плоскости основания пирамиды, угол между двумя диагоналями, проведенными из одной вершины, методом вращения вокруг горизонтали.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha\alpha}}) = 51^\circ; \quad (\widehat{Ox; h_{\alpha\alpha}}) = 40^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эспера, вариант В

Выдано студенту гр. тов.
Срок сдачи преподавателю " . . . "
Задание выдал " . . . "
Преподаватель

Дан параллелограмм $ABCD$ со следующими координатами вершин $A(196, 74, 62)$; $B(250, 66, 10)$; $C(320, 23, 56)$; $D(x, y, z)$.

Принять центр параллелограмма за центр основания правильной трехгранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости параллелограмма.

Сторона равностороннего треугольника - основания пирамиды - 60 мм, одна сторона основания параллельна горизонтали четырехугольника $ABCD$. Высота пирамиды равна 140 мм.

П о с т р о и т ь проекция трехгранной пирамиды.

О п р е д е л и т ь величину двугранного угла между боковыми гранями пирамиды, величину угла наклона боковой грани пирамиды к плоскости основания и к горизонтальной плоскости проекций X_1 . На расстоянии 25 мм провести плоскость, параллельную плоскости заданного параллелограмма.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая элора, вариант 9

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость, параллельная оси Ox (f_{ox} отстоит от Ox на расстоянии 120 мм, h_{ox} отстоит от Ox на расстоянии 90 мм), и в ней точка N (264, y , 63).

П о с т р о и т ь проекции правильной шестигранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости α , центр основания пирамиды совпадает с точкой N , сторона основания равна 50 мм, высота пирамиды равна 160 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона грани пирамиды к плоскости основания; истинную величину боковой грани пирамиды; угол наклона ребра пирамиды к плоскости основания и величину двугранного угла между двумя боковыми гранями пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Кафедра "Начертательная геометрия и графика"

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эспера, вариант 10

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость β , проходящая через ось Ox и точку $A (160, 112, 66)$.

П о с т р о и т ь проекции правильной трехгранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости β с центром в точке A и стороной равностороннего треугольника, равной 90 мм, высота пирамиды равна 130 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона грани пирамиды к плоскости основания, величину двугранного угла между двумя боковыми гранями, величину угла наклона ребра пирамиды к плоскости основания, кратчайшее расстояние от середины ребра до противоположной боковой грани пирамиды, угол наклона боковой грани пирамиды к плоскости π_1 .

П р и м е ч а н и е : начало координат следует нанести в правой части листа.

Кафедра "Начертательная геометрия и графика"

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эспера, вариант II

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны координаты вершин треугольника ABC . $A(367, 73, 44)$, $B(380, 30, 66)$, $C(420, 16, 33)$ и точка $N(203, 66, 73)$. Принять точку N за центр правильного треугольника - основания трехгранной пирамиды.

П о с т р о и т ь ее проекции с соблюдением следующих условий: основание пирамиды параллельно плоскости треугольника ABC , одна сторона равностороннего треугольника основания пирамиды является горизонталью основания; сторона треугольника равна 90 мм, высота пирамиды равна 130 мм, вершина лежит на прямой DE с координатами $D(180, 125, 137)$ и $E(330, 175, 183)$.

О п р е д е л и т ь : истинную величину угла наклона боковой грани и ребра к плоскости основания, кратчайшее расстояние от точки $F(120, 0, 0)$ до плоскости основания пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует отметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант I2

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны координаты вершин треугольника ABC . $A(320, 69, 18)$, $B(347, 22, 44)$, $C(360, 40, 14)$. Построить плоскость α (следами параллельную плоскости треугольника ABC) на расстоянии 140 мм от нее; отметить в плоскости α точку M , равноудаленную от π_2 и π_1 на расстоянии 60 мм, и принять ее за одну из вершин равнобедренного треугольника - основания прямой трехгранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости α . Два боковые стороны треугольника основания имеют направление горизонтали и фронтали плоскости α и равны 70 мм.

П о с т р о и т ь проекции прямой трехгранной пирамиды при условии, что грань, проходящая через два равных ребра пирамиды, наклонена к плоскости основания под углом 30° .

О п р е д е л и т ь угол наклона бокового ребра пирамиды, проходящего через вершину равнобедренного треугольника, к плоскости основания; расстояние точки, расположенной на середине бокового ребра, до противоположной грани пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая элора, вариант 13

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α следами - угол между $f_{\alpha x}$ и Ox равен 26° ; угол между $h_{\alpha x}$ и Ox равен 32° , точка схода имеет координаты $(320, 0, 0)$ - плоскость β , проходящая через ось Ox и точку $N(160, 130, 134)$.

П о с т р о и т ь линию пересечения плоскостей α и β
Принять найденную линию пересечения за высоту правильной востигранной пирамиды и точку A с координатами $120, y, z$, лежащую на ней, за центр основания, сторона основания равна 50 мм, высота пирамиды равна 120 мм.

О п р е д е л и т ь угол наклона ребра и грани к плоскости основания пирамиды; кратчайшее расстояние и положение ближайших точек между высотой пирамиды и прямой DE со следующими координатами точек: $D(10, 76, 26)$ и $E(100, 100, 76)$.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha x}}) = 26^\circ, \quad (\widehat{Ox; h_{\alpha x}}) = 32^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

ЗАДАНИЕ

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 14

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

П о с т р о и т ь фронтальную проекцию прямой AB при условии заданной горизонтальной проекции точки $A(90, 130, z)$; заданной в пространстве точки $B(300, 46, 20)$ и угла 30° - наклона прямой к плоскости π_2 . Принять прямую AB за ось правильной пятигранной пирамиды. Найти точку пересечения прямой AB с плоскостью, проходящей через ось Ox и точку $N(260, 120, 110)$. Принять точку пересечения за центр основания правильной пятиугольной пирамиды.

П о с т р о и т ь проекции пирамиды, при условии, что сторона основания равна 50 мм, высота равна 140 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона бокового ребра к плоскости основания пирамиды, истинный вид боковой грани методом перемены плоскостей проекций и истинную величину двугранного угла между двумя боковыми гранями.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует нанести в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эпюра, вариант 15

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α следами (угол между $f_{\alpha x}$ и осью Ox равен 50° , угол между $h_{\alpha x}$ и осью Ox равен 35° , точка схода следов имеет координаты $(320, 0, 0)$) и в ней точка $A(185, y, 63)$.

П о с т р о и т ь проекции наклонной четырехгранной призмы с основанием - квадрат, лежащим в плоскости α . Одна вершина основания совпадает с точкой A , другая с точкой B , равноотстоящей от π_2 и π_1 на расстоянии 40 мм. Боковые ребра призмы параллельны прямой $M(340, 20, 60)$, $N(410, 56, 100)$, высота призмы равна 130 мм.

О п р е д е л и т ь : кратчайшее расстояние между соседними боковыми ребрами призмы методом перемены плоскостей проекций; угол наклона боковой грани призмы, проходящей через AB к плоскости основания, угол между диагоналями призмы, проходящими через вершину B в плоскости боковой грани и основания призмы.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант I6

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α со сливающимися следами (угол между $f_{\alpha\alpha}$ и осью Ox равен 40° , точка схода следов имеет координаты $240, 0, 0$).

П о с т р о и т ь проекции правильной шестигранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости α . Центр основания совпадает с точкой A , равноудаленной от π_2 и π_1 , на расстоянии 80 мм, сторона основания шестиугольника пирамиды равна 50 мм и одна из них направлена параллельно линии ската плоскости α высота пирамиды равна 120 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости α к плоскости π_2 методом вращения, угол наклона бокового ребра пирамиды к плоскости α методом перемены плоскостей, величину двугранного угла между двумя боковыми гранями пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует нанести в правой части листа,

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha\alpha}}) = 40^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

ЗАДАНИЕ

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 17

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

П о с т р о и т ь фронтальный след $f_{\alpha x}$ плоскости α ,
имеющей своим следом $h_{\alpha x}$ прямую, параллельную оси Ox на рас-
стоянии 100 мм от оси Ox , при условии, что плоскость α прохо-
дит через точку $A(160, 50, 70)$.

П о с т р о и т ь проекции правильной пятигранной призм-
ы, стоящей своим основанием на плоскости α , центр основания
призмы совпадает с точкой A , сторона основания призмы равна
50 мм, одна из сторон пятиугольника - основания призмы - парал-
лельна направлению линии наибольшего ската плоскости α , высо-
та призмы равна 120 мм.

О п р е д е л и т ь : кратчайшее расстояние между осью
призмы и прямой $M(136, 160, 106)$, $N(186, 86, 70)$ и положение
ближайших точек; угол наклона прямой MN к плоскости α .

П о с т р о и т ь точку B пересечения прямой MN
с плоскостью α и определить методом вращения угол MBA .

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить
в правой части листа.

Кафедра "Начертательная геометрия и графика"

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 18

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан треугольник ABC со следующими координатами вершин $A(160, 46, 92)$, $B(204, 80, 23)$, $C(265, 14, 46)$. Принять треугольник ABC за основание трехгранной пирамиды, вершина которой лежит на перпендикуляре, восстановленном из точки основания, равноудаленной от π_1 и π_2 на расстоянии 50 мм. Высота пирамиды равна 150 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона одной грани пирамиды к плоскости основания; угол наклона плоскости основания пирамиды к плоскости π_2 , истинный вид боковой грани пирамиды методом вращения.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует поместить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 19

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан треугольник ABC со следующими координатами вершин
 $A(83, 13, 116)$, $B(200, 75, 16)$, $C(264, 31, 89)$.

П о с т р о и т ь проекции правильной пирамиды с осно-
ванием - правильный треугольник, расположенным в плоскости
треугольника ABC , при условии, что центр основания совпадет
с точкой $N(198, y, 68)$, лежащей в плоскости треугольника
 ABC , сторона основания равна 32 мм, высота пирамиды равна
130 мм, одна сторона основания имеет направление линии наи-
большого ската плоскости треугольника ABC .

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости треуголь-
ника ABC к плоскости π_2 ; определить истинную величину угла
 $SAC(S$ - вершина пирамиды) методом перемены плоскостей про-
екций; определить истинную величину двугранного угла между
плоскостью SCB и треугольником CBA .

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наме-
тить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая опора, вариант 20

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан параллелограмм $ABCD$ со следующими координатами вершин $A(140, 63, 50)$, $B(214, 26, 87)$, $C(302, 11, 51)$, $D(x, y, z)$.

П о с т р о и т ь проекции правильной пятигранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости параллелограмма с центром в центре тяжести четырехугольника $ABCD$.

Радиус круга, описанного около пятиугольника основания пирамиды, равен 34 мм, одна сторона основания пирамиды параллельна направлению линии наибольшего ската плоскости $ABCD$, высота пирамиды равна 130 мм.

О п р е д е л и т ь : истинный вид четырехугольника $ABCD$ методом перемены плоскостей проекций, определить угол наклона боковой грани пирамиды к плоскости основания. Методом вращения с применением метода перемены плоскостей проекций определить двугранный угол между боковыми гранями пирамиды, угол наклона бокового ребра пирамиды к плоскости $ABCD$.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует нанести в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 21

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан треугольник ABC со следующими координатами вершин
 $A(100, 98, 22)$, $B(100, 32, 108)$, $C(290, 32, 46)$.

П о с т р о и т ь проекции прямой трехгранной призмы,
приняв треугольник ABC за нижнее основание призмы. Высота
призмы равна 120 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости треуголь-
ника ABC к плоскости π_2 . Определить угол между диагоналями,
проходящими через вершину A в соседних гранях призмы. Мето-
дом вращения определить двугранный угол между треугольником
 CDA (точка D есть вершина верхнего основания призмы, лежа-
щая на ребре BD) и треугольником .

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 22

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α следами (угол между $f_{\alpha x}$ и ось Ox равен 103° , угол между $h_{\alpha x}$ и Ox равен 50° , координаты точек схода следов $240, 0, 0$) и в ней точка $A(174, y, 88)$.

П о с т р о и т ь проекции правильной шестиугольной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости α . Центр основания пирамиды совпадает с точкой A . Высота пирамиды равна 140 мм, сторона основания пирамиды 52 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости основания пирамиды к плоскости Π_2 ; угол наклона боковой грани пирамиды к плоскости основания – методом перемены плоскостей проекций; определить кратчайшее расстояние любой вершины основания до противоположной боковой грани пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

$$(\widehat{Ox ; f_{\alpha x}}) = 103^\circ; \quad (\widehat{Ox ; h_{\alpha x}}) = 50^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эпора, вариант 23

Выдано студенту Юр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана прямая AB со следующими координатами точек $A(160, 58, 71)$, $B(250, 146, 164)$. Приняв AB за высоту правильной шестигранной усеченной пирамиды, построить ее проекции. Сторона нижнего основания пирамиды равна 60 мм, сторона верхнего основания пирамиды равна 40 мм.

О п р е д е л и т ь : угол наклона нижнего основания пирамиды к плоскости \mathcal{L}_1 , методом перемены плоскостей определить величину двугранного угла между боковой гранью и основанием пирамиды; методом вращения вокруг горизонтали определить угол между боковым ребром и диагональю пирамиды, проходящей через противоположную вершину соответственно другого основания пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 24

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дан параллелограмм $ABCD$ со следующими координатами точек $A(378, 28, 36)$; $B(396, 0, 43)$; $C(408, 22, 14)$; $D(x, y, z)$ и прямая SM ; $S(217, 120, 140)$; $N(182, 72, 50)$.

Принять точку S за вершину трехгранной пирамиды и прямую SN за боковое ребро.

П о с т р о и т ь проекции правильной трехгранной пирамиды при условии, что основание пирамиды параллельно плоскости параллелограмма $ABCD$ и представляет собой равносторонний треугольник.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости треугольника основания пирамиды и плоскости \mathcal{L}_2 ; двугранный угол между боковой гранью и основанием пирамиды, кратчайшее расстояние между плоскостью параллелограмма $ABCD$ и плоскостью основания пирамиды.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 25

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α следами (угол между $f_{\alpha x}$ и осью Ox равен 30° , угол между $h_{\alpha x}$ и осью Ox равен 45° , координаты точки схода следов равны $300, 0, 0$).

В плоскости α построить точку A , удаленную от Π_1 на расстоянии 50 мм и от Π_2 на расстоянии 80 мм. Принять точку A за одну из вершин основания тетраэдра, стоящего своим основанием на плоскости α .

П о с т р о и т ь проекции тетраэдра при условии, что сторона основания, проходящая через точку A , является горизонталью плоскости α и равна 80 мм.

О п р е д е л и т ь : двугранный угол между двумя боковыми гранями тетраэдра, кратчайшее расстояние точки K , лежащей на нижней трети ребра до противоположной боковой грани, расстояние между высотой тетраэдра и прямой N ($I66, I24, 80$), M ($2I2, 52, 28$).

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

$$(\widehat{Ox; f_{\alpha x}}) = 30^\circ; \quad (\widehat{Ox; h_{\alpha x}}) = 45^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

ЗАДАНИЕ

на домашнее упражнение – метрическая эспера, вариант 26

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость β , проходящая через ось Ox и точку A (160, 120, 75).

П о с т р о и т ь проекции тетраэдра, стоящего своим основанием на плоскости β , при условии, что точка A есть одна из вершин треугольника основания тетраэдра; ребро основания, проходящее через точку A , есть линия наибольшего ската плоскости β , сторона основания тетраэдра равна 100 мм.

О п р е д е л и т ь : двугранный угол между двумя боковыми гранями тетраэдра; кратчайшее расстояние от точки K , лежащей на нижней трети высоты тетраэдра до боковой грани; методом совмещения угол между стороной основания тетраэдра и проходящей через вершину A и линией пересечения плоскостей β и α , заданной следами $(Ox; f_{\alpha}) = 47^\circ$; $(Ox; h_{\alpha}) = 40^\circ$; точка схода $X_{\alpha}(230, 0, 0)$.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 27

Выдано студенту Гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α со сливающимися следами (угол между f_{α} и осью Ox равен 47° , координаты точки схода $200, 0, 0$) и в ней точка A с координатами $(247, y, 48)$.

П о с т р о и т ь проеции четырехгранной пирамиды, стоящей своим основанием на плоскости α , при условии, что точка A совпадает с одной из вершин основания пирамиды. За основание пирамиды принять неправильный четырехугольник $ABCD$, у которого: AB – линия наибольшего ската – равна 74 мм, AD и BC – горизонтали, причём AD равна 74 мм, DC – фронталь плоскости α . Вершина S пирамиды лежит на перпендикуляре, восстановленном из точки пересечения диагоналей основания на расстоянии 120 мм от него.

О п р е д е л и т ь : угол наклона плоскости α к плоскости Π_2 , угол наклона боковой грани, проходящей через ребро AB , к плоскости основания; истинную величину грани SBC методом вращения вокруг горизонтали.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа. $(Ox; f_{\alpha}) = 47^\circ$.

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение – метрическая эюра, вариант 28

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны 1) плоскость α (угол между $f_{\alpha x}$ и осью Ox равен 25° , угол между $h_{\alpha x}$ и осью Ox равен 36° , координаты точки схода следов $X_\alpha (380, 0, 0)$, 2) горизонтальная проекция нижнего основания параллелепипеда, поставленного на плоскости α , нижнее основание параллелепипеда задано координатами $A (270, 60, z)$, $B (120, 20, z)$, $C (20, 90, z)$, $D (x, y, z)$ и 3) вершина N верхнего основания параллелепипеда. Вершина N задана координатами $(170, 180, 190)$ и определяет ребро CN параллелепипеда.

П о с т р о и т ь проекции параллелепипеда, стоящего своим основанием $ABCD$ на плоскости α .

О п р е д е л и т ь : высоту параллелепипеда, истинную форму основания и любой боковой грани параллелепипеда, величину двугранного угла при ребре CN .

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа.

$$(Ox; f_{\alpha x}) = 25^\circ; \quad (Ox; h_{\alpha x}) = 36^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

ЗАДАНИЕ

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 29

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Даны: прямая QR координаты точек $Q(240, 96, 206)$ и $R(106, 18, 174)$, плоскость α , угол между $f_{\alpha x}$ и осью Ox равен 40° , угол между $h_{\alpha x}$ и осью Ox равен 78° , координаты точки схода следов $(209, 0, 0)$ и в ней прямая NM ($174, y, 0$), $M(50, 0, z)$ и точка $A(72, y, 90)$.

П о с т р о и т ь : трехгранную пирамиду, стоящую своим основанием на плоскости α . Вершина пирамиды (S) лежит на прямой QR на расстоянии 120 мм от плоскости основания. Вершины B и C основания пирамиды лежат на прямой NM , вершина D основания пирамиды совпадает с точкой A ; величины сторон основания пирамиды равны: $DB = 90$ мм, $BC = 80$ мм.

О п р е д е л и т ь : угол между основанием пирамиды и гранью SDC , угол наклона ребра SB к плоскости основания; истинную величину грани SDC методом вращения вокруг горизонтали.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа,

$$(\widehat{Ox ; f_{\alpha x}}) = 40^\circ; \quad (\widehat{Ox ; h_{\alpha x}}) = 78^\circ.$$

Возвращается вместе с выполненным
студентом упражнением

З А Д А Н И Е

на домашнее упражнение - метрическая эюра, вариант 30

Выдано студенту гр. тов.

Срок сдачи преподавателю " . . . "

Задание выдал " . . . "

Преподаватель

Дана плоскость α со сходящимися следами (угол наклона $f_{\alpha x}$ к оси Ox равен 43° , координаты точки схода $200, 0, 0$) и в ней точка $A(212, y, 80)$. Построить проекции правильной пирамиды с основанием - правильный шестиугольник, лежащий в плоскости α . Центр шестиугольника совпадает с точкой A , две стороны шестиугольника параллельны направлению горизонтали плоскости α , сторона шестиугольника равна 44 мм, наклон боковой грани пирамиды к плоскости основания равен 70° .

О п р е д е л и т ь : угол наклона ребра пирамиды к плоскости основания, истинную величину боковой грани, кратчайшее расстояние от точки $N(224, 98, 160)$ до боковой грани пирамиды, проходящей через верхнюю сторону основания.

П р и м е ч а н и е : начало координат следует наметить в правой части листа

$$(\widehat{Ox; h_{\alpha x}}) = 543^\circ.$$